خاص بكتابة المباراة	مباريات لتوظيف الأطر التنظامية للأكاديميات : مباراة توظيف أساتذة التعليم الثانوي دورة دجنبر 2021 الموضوع	المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتعليم الأولي والرياضة المركز الوطني للتقويم والامتحانات
رقم الامتحان		
الاسم الشخصي والعائلي : ..... تاريخ ومكان الازدياد :		

التخصص: الرياضيات	الاختبار : اختبار في مادة التخصص	مدة الإنجاز:	ثلاث ساعات	المعامل	3

خاص بكتابة المباراة	ـ نقطة مادة التخصص بالأرقام .....على 75 وبالحروف..... اسم المصحح وتوقيعه :	التخصص : الرياضيات الاختبار : اختبار في مادة التخصص الموضوع / ورقة الإجابة
الصفحة : 1 على 26		

Consignes et instructions aux candidats

1. La feuille sujet c'est une feuille de réponse :le candidat(e) répond sur la copie du sujet ;
2. Transcrire toutes les informations personnelles demandées à l'entête de la première page ;
3. L'épreuve comporte **50 questions** de la **Question1** à la **Question50** ;
4. Chaque candidat(e) n'a le droit d'utiliser qu'une **seule copie sujet/réponse** ;
5. Chaque question comporte 4 choix de réponses **(A, B, C, D)** dont une seule réponse est juste ;
6. On coche la lettre correspondante à la réponse correcte de la façon suivante :

Question :
7+5=
A. 13
B. 11
C. 12
D. 14

7. La rature ou l'utilisation du **Blanco** sont strictement **INTERDITES** ;
8. Aucun document de quelque nature que ce soit n'est autorisé ;
9. L'usage de la calculatrice non programmable est permis ;
10. L'usage des téléphones mobiles, des tablettes et de tout appareil électronique intelligent est strictement **INTERDIT** ;
11. Toute réponse ne respectant pas les règles citées ci-dessus sera annulée.

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 1 :

Soit $(u_n)_{n\geq 1}$ la suite numérique définie par $u_1 = 1$ et $u_{n+1} = \left(n + u_n^{n-1}\right)^{\frac{1}{n}}$ pour tout n de $\mathbb{N}^*$.

On a alors :

A. $\forall n \geq 1, u_n = \left(\frac{n^2 - n + 2}{2}\right)^{\frac{1}{n}}$

B. $\forall n \geq 2, u_n = \left(\frac{n^2 - n + 1}{2}\right)^{\frac{1}{n-1}}$

C. $\forall n \geq 2, u_n = \left(\frac{n^2 - n + 2}{2}\right)^{\frac{1}{n-1}}$

D. $\forall n \geq 1, u_n = \left(\frac{n^2 - n + 1}{2}\right)^{\frac{1}{n}}$

QUESTION 2 :

Soit f une fonction numérique paire et dérivable sur $\mathbb{R}$ et g la fonction numérique définie sur $\mathbb{R}$ par : $g(x) = \left(\frac{x^3}{3} + 1\right) f(x) + x$

La valeur de $g'(0)$ est égale à :

A. -1

B. 0

C. 1

D. 2

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 3 :

La valeur de l'intégrale $\int_0^{\frac{\pi}{8}} \cos(x)\cos(2x)\sin(x)dx$ est égale à :

A. $\frac{1}{2}$

B. $\frac{1}{4}$

C. $\frac{1}{8}$

D. $\frac{1}{16}$

QUESTION 4 :

On considère la fonction f définie sur $]-1;+\infty[$ par : $f(x)=\frac{\ln(1+x)}{1+x}$.

On donne au voisinage de 0 : $\ln(1+x)=x-\frac{x^2}{2}+\frac{x^3}{3}+o(x^3)$

Le développement limité à l'ordre 3 de f en 0 est :

A. $f(x)=x-\frac{3}{2}x^2+\frac{11}{6}x^3+o(x^3)$

B. $f(x)=x-\frac{1}{2}x^2+\frac{5}{6}x^3+o(x^3)$

C. $f(x)=x+\frac{1}{2}x^2+\frac{7}{6}x^3+o(x^3)$

D. $f(x)=x-x^2+\frac{4}{5}x^3+o(x^3)$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 5 :

La série $\sum_{n=1}^{+\infty}\frac{n+1}{3^n}$ converge et a pour somme :

A. 2

B. $\frac{7}{4}$

C. $\frac{11}{4}$

D. $\frac{5}{4}$

QUESTION 6 :

On considère la suite de fonctions $(f_n)_{n\in\mathbb{N}}$ définie sur $\mathbb{R}^+$ par : $f_n(x)=e^{-x^n}$

On a alors :

A. $(f_n)_{n\in\mathbb{N}}$ converge simplement vers la fonction f définie par : $f(x)=\begin{cases}1 & si\ x\in[0;1[\\ 0 & si\ x\geq 1\end{cases}$

B. $(f_n)_{n\in\mathbb{N}}$ converge uniformément vers la fonction f définie par : $f(x)=\begin{cases}1 & si\ x\in[0;1[\\ \frac{1}{e} & si\ x=1\\ 0 & si\ x>1\end{cases}$

C. $(f_n)_{n\in\mathbb{N}}$ converge uniformément vers la fonction f définie par : $f(x)=\begin{cases}1 & si\ x\in[0;1[\\ 0 & si\ x\geq 1\end{cases}$

D. $(f_n)_{n\in\mathbb{N}}$ converge simplement vers la fonction f définie par : $f(x)=\begin{cases}1 & si\ x\in[0;1[\\ \frac{1}{e} & si\ x=1\\ 0 & si\ x>1\end{cases}$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 7 :

On considère la fonction f définie sur $]0;+\infty[\times]0;+\infty[$ par : $f(x,y)=\frac{x}{y}\ln(xy)$

On a alors :

A. $\frac{\partial f}{\partial x\partial y}(x,y)=\frac{1}{y^2}\ln(xy)$

B. $\frac{\partial f}{\partial x\partial y}(x,y)=\frac{1}{y^2}(1+\ln(xy))$

C. $\frac{\partial f}{\partial x\partial y}(x,y)=\frac{1}{y^2}(2+\ln(xy))$

D. $\frac{\partial f}{\partial x\partial y}(x,y)=-\frac{1}{y^2}\ln(xy)$.

QUESTION 8 :

On considère les ensembles suivants : $H=\{3\pi+2k\pi / k\in\mathbb{Z}\}$ et $K=\left\{\frac{\pi}{3}+\frac{2k\pi}{3} / k\in\mathbb{Z}\right\}$

On a alors :

A. $H\subset K$

B. $K\subset H$

C. $H\cap K=\varnothing$

D. $H=K$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 9 :

On considère deux points A et B du plan tels que $AB=6$ et I est le milieu de [AB]

L'ensemble des points M du plan vérifiant $\overrightarrow{MA}.\overrightarrow{MB}=-5$ est :

A. Le cercle de centre I et de rayon 2

B. Le cercle de centre I et de rayon 4

C. La médiatrice du segment $[AB]$

D. La droite qui passe par I et de vecteur directeur $-5\vec{i}$

QUESTION 10 :

On considère les droites :

$$(\Delta_1):\begin{cases}x=1+t\\y=-t\\z=1+t\end{cases}\ (t\in\mathbb{R}) \quad \text{et} \quad (\Delta_2):\begin{cases}y=2\\x-z=2\end{cases}$$

La distance entre les droites (D_1) et (D_2) est égale à :

A. 0

B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$

C. $\sqrt{2}$

D. $\sqrt{3}$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 11 :

Soit z_1 , z_2 et z_3 des nombres complexes tels que :

$$|z_1|=|z_2|=|z_3|=1 \quad \text{et} \quad \left|\frac{1}{z_1}+\frac{1}{z_2}+\frac{1}{z_3}\right|=1$$

La valeur de $|z_1+z_2+z_3|$ est égal à :

A. 2

B. 1

C. 3

D. $\frac{1}{2}$

QUESTION 12 :

On considère deux fonctions numériques f et g à variables réelles telles que :

$$g(x)=1-x^2 \quad \text{et} \quad f\circ g(x)=\frac{1-x^2}{x^2}$$

La valeur de $f\left(\frac{1}{2}\right)$ est égale à :

A. $\frac{3}{4}$

B. 1

C. $\frac{\sqrt{2}}{2}$

D. $\sqrt{2}$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 13:

Pour tout entier naturel n, l'un des trois entiers naturels n, $n+10$ et $n+20$ est un multiple de :

A. 2

B. 3

C. 4

D. 5

QUESTION 14 :

Soit x un nombre réel.

On considère la matrice $M(x)$ définie par : $M(x)=\begin{pmatrix} 1+x^2 & x^2 & x^2 \\ x-2022 & x-2021 & x-2022 \\ x+2022 & x+2022 & x+2023 \end{pmatrix}$

Le déterminant de la matrice $M(x)$ est égal à :

A. $(x+2021)^2$

B. $(x-2022)^2$

C. $(x+1)^2$

D. $(x-1)^2$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 15 :

Soit F la fraction rationnelle définie par : $F(X)=\dfrac{X^4}{(X-1)(X^2-1)}$

La décomposition de $F(X)$ en éléments simples dans $\mathbb{R}(X)$ est :

A. $F(X)=X-\dfrac{1}{4(X+1)}+\dfrac{1}{4(X-1)}+\dfrac{1}{2(X-1)^2}$

B. $F(X)=X+1+\dfrac{1}{4(X+1)}+\dfrac{7}{4(X-1)}+\dfrac{1}{2(X-1)^2}$

C. $F(X)=X+1+\dfrac{1}{2(X+1)}+\dfrac{1}{2(X-1)}+\dfrac{1}{(X-1)^2}$

D. $F(X)=X+\dfrac{1}{2(X+1)}+\dfrac{3}{4(X-1)}+\dfrac{1}{4(X-1)^2}$

QUESTION 16 :

On note par $\mathrm{M}_2(\mathbb{R})$ l'ensemble des matrices carrées d'ordre 2 à coefficients réels.

On rappelle que $(\mathrm{M}_2(\mathbb{R}),+,.)$ est un espace vectoriel de dimension 4.

On considère l'ensemble $E=\left\{\begin{pmatrix}a-b & a-c\\ b-c & b-a\end{pmatrix}/(a;b;c)\in\mathbb{R}^3\right\}$. On a alors :

A. $(E,+,.)$ n'est pas un espace vectoriel sur $\mathbb{R}$

B. $(E,+,.)$ est un espace vectoriel de dimension 3

C. $(E,+,.)$ est un espace vectoriel de dimension 2

D. $(E,+,.)$ est un espace vectoriel de dimension 4

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 17 :

On considère la matrice $M=\begin{pmatrix}0&0&1\\0&0&1\\1&1&1\end{pmatrix}$.

Les valeurs propres de la matrice M sont :

A. 0 , 1 et 2

B. 0 , −1 et 2

C. 0 et 1

D. −1 et −2

QUESTION 18 :

Soit $n\in\mathbb{N}$:

On pose $E=C_n^0+2C_n^1+3C_n^2+\cdots\cdots+(n+1)C_n^n$.

La valeur de E est égale à :

A. 2^{n-1}

B. $n2^{n-1}+2^n$

C. $n2^{n-1}$

D. $(n+1)2^n$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 19 :

Soient E et F deux événements tels que : $P(E)=P(F)=\frac{4}{5}$.

On a alors :

A. $P(E\cap F)\leq\frac{2}{5}$

B. $\frac{2}{5}<P(E\cap F)<\frac{3}{5}$

C. $\frac{3}{5}\leq P(E\cap F)\leq\frac{4}{5}$

D. $\frac{4}{5}<P(E\cap F)\leq 1$

QUESTION 20 :

Une urne contient trois boules : une blanche, une noire et une verte.

On tire successivement et avec remise une boule de cette urne jusqu'à ce que l'on obtienne une boule blanche pour la première fois.

On note X le nombre de tirages nécessaires pour obtenir une première boule blanche.

On a alors :

A. $E(X)=3$ et $V(X)=2$

B. $E(X)=3$ et $V(X)=6$

C. $E(X)=\frac{1}{3}$ et $V(X)=\frac{2}{9}$

D. $E(X)=9$ et $V(X)=\frac{3}{4}$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 21 :

Soit $a \in]1;+\infty[$. On pose $I_a = \iint_{D_a} \frac{1}{x^2+y^2} dxdy$ tel que $D_a = \left[\frac{1}{a};a\right] \times [0;1]$.

La valeur de l'intégrale I_a est égale à :

A. $\frac{\pi}{2} + \ln(a)$

B. $\frac{\pi}{2} \ln(3a)$

C. $\pi \ln(2a)$

D. $\frac{\pi}{2} \ln(a)$

QUESTION 22 :

On considère les fonctions f et g définies sur $\mathbb{R}$ par :

$$f(x) = e^{g(x)} \text{ et } g(x) = \int_2^{x^2} \frac{e^{-t}}{1+t^2} dt.$$

La valeur de $f'\left(\sqrt{2}\right)$ est égale à :

A. $\frac{4\sqrt{2}}{5} e^{-4}$

B. $\frac{3\sqrt{2}}{5} e^{-3}$

C. $\frac{2\sqrt{2}}{5} e^{-2}$

D. $\frac{\sqrt{2}}{5} e^{-1}$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 23 :

Soit f la fonction numérique définie sur $\mathbb{R}^2$ par : $f(x,y)=2x^3+6xy-3y^2+2$
On a alors :

A. f n'admet pas d'extremums

B. f admet un maximum local en $(-1;-1)$

C. f admet un minimum local en $(-1;-1)$

D. f admet un maximum local en $(0;0)$

QUESTION 24 :

Soit f une fonction numérique de classe C^2 sur $\mathbb{R}$ et $f''(0)=5$.

On a $\lim\limits_{x\to 0}\dfrac{2f(x)-3f(2x)+f(4x)}{x^2}$ est égale à :

A. 15

B. 10

C. 5

D. 20

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 25 :

On note par $M_2(\mathbb{R})$ l'ensemble des matrices carrées d'ordre 2 à coefficients réels.

On pose $H=\left\{\begin{pmatrix} x & x \\ x & x \end{pmatrix} / x \in \mathbb{R}\right\}$. Le produit × de $M_2(\mathbb{R})$ induit sur H une loi de composition interne dont l'élément neutre est :

A. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

B. $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$

C. $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

D. $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

QUESTION 26 :

$\lim\limits_{x\to 0}\left(2^x+3^x-4^x\right)^{\frac{1}{x}}$ est égale à :

A. $+\infty$

B. $\frac{2}{3}$

C. 1

D. $\frac{3}{2}$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 27 :

Soit x , y et θ des nombres réels tels que : $\dfrac{3}{2+e^{i\theta}}=x+iy$.

La valeur de l'expression $(x-2)^2+y^2$ est égale à :

A. -1

B. 0

C. 1

D. 2

QUESTION 28 :

Soit a et b deux nombres entiers naturels tels que $a\wedge b=1$.

On note par $a\wedge b$ le plus grand diviseur commun de a et b.

On a alors :

A. $2\wedge ab=(2\wedge a)\times(2\wedge b)$

B. $(a+b)\wedge(a-b)=1$

C. $(a+b)\wedge(a-b)=2$

D. $(2a+b)\wedge(a+2b)=1$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 29 :

On lance 115 fois de suite un dé équilibré à six faces numérotées de 1 à 6.

Soit X la variable aléatoire indiquant le nombre de 6 obtenus sur les 115 lancers.

$P(X \geq 2)$ est égale à :

A. $1-20\left(\frac{1}{6}\right)^{115}$

B. $20\left(\frac{1}{6}\right)^{114}$

C. $1-20\left(\frac{5}{6}\right)^{114}$

D. $20\left(\frac{1}{6}\right)^{115}$

QUESTION 30 :

Soit a, b et c trois nombres réels tels que : $\lim\limits_{x\to 0}\frac{ae^x - b\cos x + ce^{-x}}{x\sin x} = 2$.

La valeur de $a+b+c$ est égale à :

A. 4

B. 5

C. 6

D. 7

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 31 :

On pose : $\omega = e^{2i\frac{\pi}{3}}$. Soit a, b et c des nombres réels tels que :

$$\frac{1}{a+\omega}+\frac{1}{b+\omega}+\frac{1}{c+\omega}=\frac{2}{\omega} \text{ et } \frac{1}{a+\omega^2}+\frac{1}{b+\omega^2}+\frac{1}{c+\omega^2}=\frac{2}{\omega^2}$$

La valeur de l'expression $\frac{1}{a+1}+\frac{1}{b+1}+\frac{1}{c+1}$ est égale à :

A. 0

B. 2

C. –3

D. –4

QUESTION 32 :

On considère les ensembles :

$F=\{(x;y)\in\mathbb{R}^2 / x^2-y^2=3x-4y\}$ et $H=\{(x;y)\in\mathbb{R}^2 / 2xy=4x+3y\}$.

On pose $K=\{x^2+y^2 / (x;y)\in F\cap H\}$.

On a alors :

A. $K=\{0;16\}$

B. $K=\{0;1;9;16\}$

C. $K=\{1;4;25\}$

D. $K=\{0;25\}$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 33 :

Une urne contient n boules numérotées de 1 à n. On tire une boule au hasard.

On note X la variable aléatoire égale au chiffre obtenu. Alors X suit :

A. La loi binomiale de paramètres n et $\frac{1}{n}$.

B. La loi géométrique sur $\mathbb{N}^*$ de paramètre $\frac{1}{n}$.

C. La loi uniforme de paramètre $\frac{1}{n}$.

D. La loi de Bernoulli de paramètre $\frac{1}{n}$.

QUESTION 34 :

On pose : $I = \int_{-4}^{-5} e^{(x+5)^2} dx + 3\int_{\frac{1}{3}}^{\frac{2}{3}} e^{9\left(x-\frac{2}{3}\right)^2} dx$.

La valeur de I est égale à :

A. $\frac{2}{5}$

B. $\frac{1}{5}$

C. $\frac{1}{2}$

D. 0

Scanné avec CamScanner

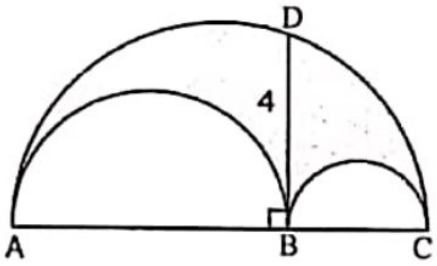
Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 35 :

On construit d'un même côté de la droite (AB) les demi-cercles de diamètre $[AB]$, $[BC]$ et $[AC]$. Soit D un point du demi-cercle de diamètre $[AC]$ tel que $(AC)\perp(BD)$ et $BD=4$. (Voir figure)



L'aire de la région grise est :

A. 2π

B. 4π

C. 6π

D. 8π

QUESTION 36 :

On note par $\mathrm{M}_3(\mathbb{R})$ l'ensemble des matrices carrées d'ordre 3 à coefficients réels.

Soit M la matrice de $\mathrm{M}_3(\mathbb{R})$ telle que $M^2=M-I$ où $I=\begin{pmatrix}1&0&0\\0&1&0\\0&0&1\end{pmatrix}$

Le déterminant de la matrice M est égal à :

A. -1

B. 0

C. 1

D. 2

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 37 :

Soit X une variable aléatoire suivant la loi uniforme sur $[0,1]$.

On pose $Y=-\ln X$. Alors Y suit :

A. La loi uniforme sur $[0,1]$

B. La loi uniforme sur $[-1,0]$

C. La loi exponentielle de paramètre 1

D. La loi exponentielle de paramètre (-1)

QUESTION 38 :

Soit $(a_n)_{n\geq 1}$ une suite numérique. On a :

A. Si $\lim\limits_{n\to+\infty} a_n = 0$ alors la série $\sum\limits_{n=1}^{+\infty} a_n$ converge.

B. Si $a_n > 0$ et la série $\sum\limits_{n=1}^{+\infty} a_n$ converge alors la série $\sum\limits_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ converge.

C. Si la série $\sum\limits_{n=1}^{+\infty} a_n$ converge alors la série $\sum\limits_{n=1}^{+\infty} \frac{1+a_n}{2+a_n}$ converge.

D. Si $a_n > 0$ et la série $\sum\limits_{n=1}^{+\infty} a_n$ converge alors la série $\sum\limits_{n=1}^{+\infty} (-1)^n a_n$ converge.

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

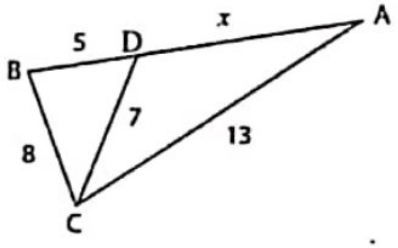
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 39 :

Soit ABC un triangle tel que :

$BD=5$; $DC=7$; $BC=8$; $AC=13$ et $AD=x$



La valeur de x est égale à :

A. 12

B. 11

C. 10

D. 9

QUESTION 40 :

Dans l'anneau $(A,+,\times)$ tel que $A=\left\{a+\sqrt{2}b \,/\, a,b\in\mathbb{Z}\right\}$.

L'élément $a+\sqrt{2}b$ (différent de 0) est inversible si :

A. $a=b$

B. $a^2=b^2$

C. $a^2=2b^2+1$

D. $a^2=-2b^2$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 41 :

Soit $a>1$ .Une variable aléatoire continue suit une loi de densité f définie sur $\mathbb{R}$ par :

$$f(x)=\begin{cases}\dfrac{1+4\ln x}{x} & si\ x\in[1;a]\\ 0 & sinon\end{cases}$$

La valeur de a est égale à :

A. $\sqrt{e}$

B. $\dfrac{1}{e}$

C. $\dfrac{1}{\sqrt{e}}$

D. e

QUESTION 42 :

Soit $(a_n)_{n>1}$ une suite numérique. On a :

A. Si $a_n>0$ et la série $\sum_{n=1}^{+\infty}a_n$ converge alors $\lim\limits_{n\to+\infty}\dfrac{a_{n+1}}{a_n}=L<1$

B. Si $\lim\limits_{n\to+\infty}\dfrac{a_{n+1}}{a_n}=L<1$ alors la série $\sum_{n=1}^{+\infty}a_n$ converge.

C. Si la série $\sum_{n=1}^{+\infty}a_n$ diverge alors la suite $(a_n)_{n>1}$ est divergente.

D. Si la série $\sum_{n=1}^{+\infty}a_n$ converge alors la série $\sum_{n=1}^{+\infty}\dfrac{1}{a_n+n^2}$ converge.

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 43 :

Soit l'application de $\mathbb{R}$ dans $\mathbb{R}$ tel que : $\forall x \in \mathbb{R},\ f \circ f(x) = -x$.

On a alors :

A. f est bijective.

B. f est croissante sur $\mathbb{R}$

C. f est décroissante sur $\mathbb{R}$

D. $f(0) = 1$

QUESTION 44 :

On pose : $I =]-\infty;1[$ et $J =]\ln(2)-1;+\infty[$ et soit $f : I \to J$

$$x \mapsto \ln(1+x^2) - x$$

Soit f^{-1} la fonction réciproque de f définie sur J

Le développement limité à l'ordre 4 de f^{-1} en 0 est :

A. $f^{-1}(x) = -x + \frac{1}{2}x^2 - 2x^3 + \frac{7}{2}x^4 + o(x^4)$

B. $f^{-1}(x) = -x + x^2 - 3x^3 + \frac{9}{2}x^4 + o(x^4)$

C. $f^{-1}(x) = -x - \frac{1}{3}x^2 - 2x^3 + \frac{7}{2}x^4 + o(x^4)$

D. $f^{-1}(x) = -x + x^2 - 2x^3 + \frac{9}{2}x^4 + o(x^4)$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 45 :

On considère l'application f définie de $\mathbb{R}^2$ dans $\mathbb{R}^2$ par :

$f(x,y)=(x-2y\,,-3x+4y)$. Sachant que f est bijective, sa bijection réciproque f^{-1} est définie pour tout $(x,y)\in\mathbb{R}^2$ par :

A. $f^{-1}(x,y)=\left(\dfrac{2x-y}{5},\dfrac{-3x+y}{10}\right)$

B. $f^{-1}(x,y)=\left(\dfrac{-x-2y}{5},\dfrac{-3x-y}{10}\right)$

C. $f^{-1}(x,y)=\left(\dfrac{3x+y}{2},2x+y\right)$

D. $f^{-1}(x,y)=\left(-2x-y\,,-\dfrac{3x}{2}-\dfrac{y}{2}\right)$

QUESTION 46 :

Soit $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ une suite arithmétique ne s'annulant pas telle que : $u_0=1$.

Alors pour tout entier naturel n, $\sum_{k=0}^{n}\dfrac{1}{u_k u_{k+1}}$ égale à :

A. $\dfrac{n+1}{u_{n+1}}$

B. $\dfrac{n}{u_{n+1}}$

C. $\dfrac{n+1}{u_n}$

D. $\dfrac{n}{u_n}$

Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner
Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 47 :

L'intégrale curviligne : $\int_C \frac{y}{x^2+y^2}dx+\frac{x}{x^2+y^2}dy$ le long de la courbe C définie par le segment qui relie les points $A(1;-1)$ et $B(2;0)$ est égale à :

A. $\ln(2)$

B. $\frac{\ln(2)}{2}$

C. $\frac{\ln(3)}{2}$

D. $\ln(3)$

QUESTION 48 :

Soit (ζ) un cercle tangent aux deux droites d'équations cartésiennes respectives $x-2y+1=0$ et $x-2y+11=0$

Le rayon du cercle (ζ) est égal à :

A. $\sqrt{5}$

B. $2\sqrt{5}$

C. $\sqrt{3}$

D. $2\sqrt{3}$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

لا يكتب أي شيء
في هذا الإطار

QUESTION 49 :

L'inverse de $\overline{7}$ dans $\mathbb{Z}/60\mathbb{Z}$ est :

A. $\overline{17}$

B. $\overline{29}$

C. $\overline{43}$

D. $\overline{7}$

QUESTION 50 :

Soit A et B deux parties d'un ensemble E et f l'application définie par :

$$f : P(E) \to P(A) \times P(B)$$
$$X \mapsto (X \cap A, X \cap B)$$

Si f est injective alors :

A. $A \cap B = \varnothing$

B. $A \cup B = E$

C. $A \cap \overline{B} = \varnothing$

D. $A \cup \overline{B} = E$

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner

Scanné avec CamScanner